



Dadas dos funciones f y g , llamaremos función compuesta de f y g , y lo denotaremos por $f \circ g$, a la función $(f \circ g)(x) = f[g(x)]$. Esta última expresión se lee g compuesta con f , ya que se tiene en cuenta el orden de actuación de las funciones.

Por ejemplo, si $f(x) = \frac{1}{x+1}$ y $g(x) = x^2 - 3$ tendremos que g compuesta con f será:

$$x \xrightarrow{g} x^2 - 3 \xrightarrow{f} \frac{1}{(x^2 - 3) + 1} = \frac{1}{x^2 - 2} = (f \circ g)(x)$$

O expresado otra manera:

$$(f \circ g)(x) = f[g(x)] = f[x^2 - 3] = \frac{1}{(x^2 - 3) + 1} = \frac{1}{x^2 - 2}$$

La composición de funciones no es conmutativa en general. Lo comprobaremos con el ejemplo anterior hallando f compuesta con g :

$$(g \circ f)(x) = g[f(x)] = g\left[\frac{1}{x^2 + 1}\right] = \left(\frac{1}{x^2 + 1}\right)^2 - 3 = \frac{1}{x^4 + 2x^2 + 1} - 3 = \frac{1 - 3 \cdot (x^4 + 2x^2 + 1)}{x^4 + 2x^2 + 1} = \frac{-3x^4 - 6x^2 - 2}{x^4 + 2x^2 + 1}$$

EJERCICIO

1. Dadas las funciones $f(x) = 2x - 1$, $g(x) = \frac{1}{x^2}$ y $h(x) = 1 - x^2$. Se pide:

- Hallar la expresión de $f \circ g$.
- Hallar la expresión de h compuesta con f .
- Demuestra que las funciones g y h no conmutan con respecto a la composición de funciones.
- Calcula $(f \circ g)(1)$, $(f \circ h)(-1)$ y $(g \circ h)(3)$.
- Hallar la expresión de $f \circ g \circ h$.